

## 付 録

### [A] ガウスの法則とそれを用いるいくつかの例

#### ガウスの法則

ガウスの法則はクーロンの法則を一般化したものであり、次のように言い表すことができる。

ある面の単位面積を垂直に貫く電気力線の数を、その面に垂直な電場の強さに等しいと定義する。真空中の任意の閉曲面内の全電気量を $Q$ とすると、その閉曲面から外へ出る電気力線の総数は $\frac{Q}{\epsilon_0}$ に等しい。ここで、 $\epsilon_0$ は真空の誘電率である。

ガウスの法則を用いると、いろいろな形に連続的に分布している電荷のつくる電場を簡単に求めることができる。

#### 例1 点電荷のつくる電場

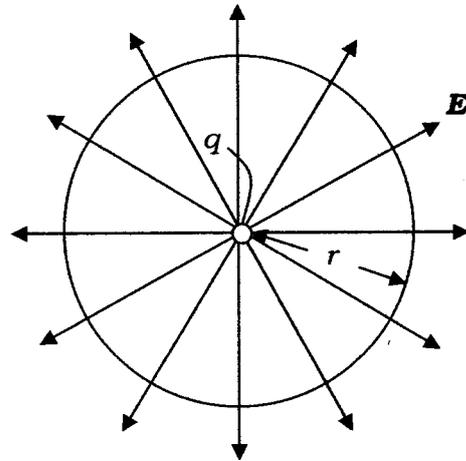
図A-1のように、真空中で、点電荷 $q$ から $r$ 離れた点の電場 $\mathbf{E}$ を求める。それには、 $q$ を中心にした半径 $r$ の球面をとり、ガウスの法則を用いる。半径 $r$ の球の表面積 $4\pi r^2$ を用いて、求める電場の強さ $E$ は、

$$4\pi r^2 \cdot E = \frac{Q}{\epsilon_0}$$
$$\therefore E = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \quad (\text{A-1})$$

となる。電場 $\mathbf{E}$ は、 $q > 0$ のとき外向き、 $q < 0$ のとき内向きである。ただし、この結果は、クーロンの法則からただちに得られるものである。すなわち、(4-3)式で、

比例定数 $k$ を $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$ とおき、 $q_1 \rightarrow Q$ と

すればよい。



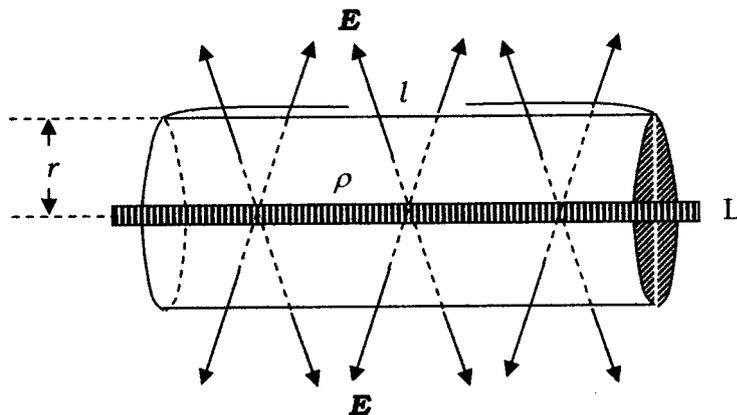
図A-1

#### 例2 直線状に分布した電荷のつくる電場

図A-2のように、真空中で、無限に長い直線 $L$ 上に線密度 $\rho$ (単位長さ当たりの電気量 $\rho$ )で分布した電荷が、 $L$ から $r$ 離れた点につくる電場 $\mathbf{E}$ を求める。それには、 $L$ を中心軸とし、半径 $r$ 、長さ $l$ の円柱面をとり、ガウスの法則を用いる。電荷分布の対称性より、電場は $L$ を中心に線対称にでき、 $L$ から $r$ 離れた側面上の電場はどこでも同じ強さである。円柱の側面積 $2\pi rl$ を用いて、求める電場の強さ $E$ は、

$$2\pi rl \cdot E = \frac{\rho l}{\epsilon_0} \quad \therefore E = \frac{\rho}{2\pi\epsilon_0 r} \quad (\text{4-9})$$

となる。電場  $\mathbf{E}$  は、 $\rho > 0$  のとき外向き、 $\rho < 0$  のとき内向きである。



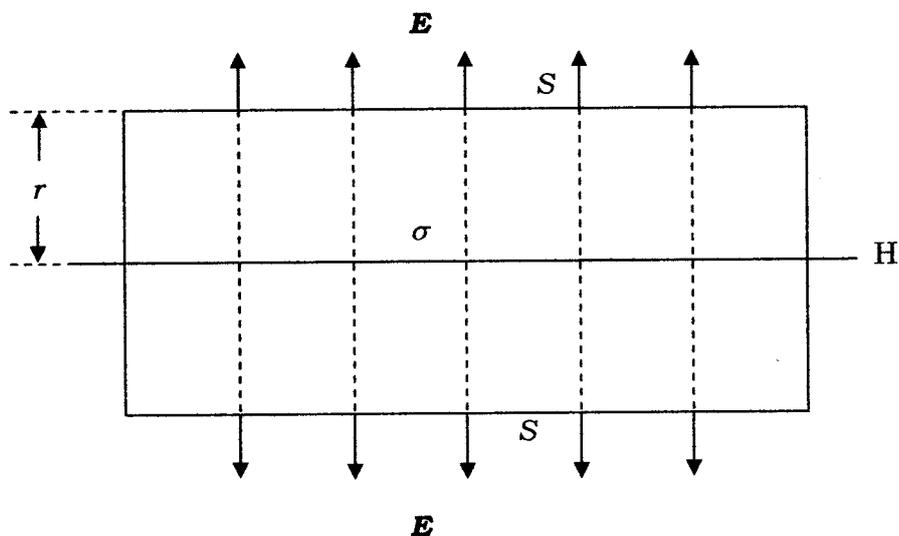
図A-2

### 例3 平面状に分布した電荷のつくる電場

図A-3のように、真空中で、無限に広い平面H上に面積密度 $\sigma$ (単位面積当たりの電気量 $\sigma$ )で分布した電荷が、Hから $r$ 離れた点につくる電場 $\mathbf{E}$ を求める。それには、Hの両側、Hから $r$ の距離にHに平行に面積 $S$ の正方形を考え、これらの正方形を両底面とする直方体面をとり、ガウスの法則を用いる。電荷分布の対称性より、電場はHに関して両側対称、かつ、平行にでき、電場はどこでも同じ強さになる。求める電場の強さ $E$ は、

$$2S \cdot E = \frac{\sigma \cdot S}{\epsilon_0} \quad \therefore E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \quad (\text{A-2})$$

となる。電場  $\mathbf{E}$  は、 $\sigma > 0$  のとき外向き、 $\sigma < 0$  のとき内向きである。



図A-3